# Übungen: Einführung in quadratische Funktionen und Parabeln

## Aufgabe 1:

Gegeben sind die Funktionen  $f_1$ - $f_8$ , die auf ganz  $\mathbb R$  definiert sind, mit den folgenden Funktionsgleichungen.

a)	b)	c)	d)
$f_1(x) = 1.5x^2 - 5$	$f_2(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 2$	$f_3(x) = x^2 - \frac{1}{2}x + 1$	
$f_5(x) = \frac{1}{4}x^2 - x$	$f_6(x) = \frac{-2}{3}x^2 + \frac{1}{3}$	$f_7(x) = 0.75x^2 - \frac{1}{2}$	h) $f_8(x) = \frac{1}{4}(x-1)^2 - \frac{1}{2}$

- (1) Geben Sie an, ob der entsprechende Graph der jeweiligen Funktion eine nach oben oder nach unten geöffnete Parabel beschreibt. Begründen Sie.
- (2) Erstellen Sie eine Wertetabelle für ganzzahlige x-Werte von -3 bis +3.  $(-3 \le x \le 3)$
- (3) Zeichnen Sie den Graphen der Funktion.  $(-3 \le x \le 3, -10 \le y \le 10)$
- (4) Lesen Sie die Koordinaten des Schnittpunktes ab.

#### Aufgabe 2:

Entscheiden Sie jeweils, ob die folgenden Aussagen wahr oder falsch sind. Begründen Sie Ihre Entscheidung.

- a) Die Funktion f mit  $f(x) = x^2$  ist die Normalparabel.
- b) Der Graph jeder auf ganz  $\mathbb{R}$  definierten Funktion f der Form  $f(x) = ax^2 + bx + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) beschreibt eine Parabel.
- c) Der Graph der Funktion f mit  $f(x) = \frac{1}{2}(x-1)(x+1)$  beschreibt eine nach oben geöffnete Parabel.
- d) Der Graph der Funktion f mit  $f(x) = -0.3(x-1)^2 4$  beschreibt eine nach unten geöffnete Parabel.



## Übungen: Einführung in quadratische Funktionen und Parabeln

## Hilfestellungen zu den Aufgaben:

- Zu Aufgabe 1 (1): Vergleichen Sie mit der Logik aus dem Video und dem Skript.
- Zu h) Multipliziert man aus, dass sieht man, dass der Wert vor der Klammer dem Wert a aus der allgemeinen Form entspricht.
- Zu Aufgabe 1 (2)(3)(4): Sehen Sie sich das Kapitel zum Basiswissen "Wertetabellen und Graphen" an, falls Sie Probleme mit der Aufgabe haben.

# Zu Aufgabe 2:

- a) Diese Aussage ist grundlegend falsch. Der Graph einer Funktion ist etwas anderes als die Funktionsgleichung. Fachsprachlich korrekt wäre aber: Die Normalparabel ist der Graph der Funktion f mit  $f(x) = x^2$ . Sie müssen immer zwischen Funktionsgleichungen und Funktionsgraphen unterscheiden, um die Zusammenhänge gut zu verstehen.
- b) Korrekt. Graphen von solchen quadratischen Funktionen beschreiben immer eine Parabel.

#### c) und d)

Wenn Sie die Klammern jeweils ausmultiplizieren, dann erkennen Sie, dass der Wert vor der Klammer dem Wert a aus der allgemeinen Form entspricht und können somit über die Richtigkeit der Aussage entscheiden.

